

Performanță în matematica de gimnaziu

Test de evaluare initiala

Clasa a VI-a

Subiectul I (7 puncte)

Aflați ultimele 4 cifre ale numărului $n = 2 \cdot 8^{672} - 2 \cdot 4^{1005} - 2^{2010}$.

Gazeta Matematica nr.7-8-9/2010

Subiectul II (7 puncte)

Arătați că numărul $n = \overline{abcd} + \overline{bcda} + \overline{cdab} + \overline{dabc}$ nu poate fi pătrat perfect.

GM 6-7-8/2015

Subiectul III (7 puncte)

Mulțimea numerelor naturale se împarte în submulțimi astfel:

$\{1,2\}, \{3,4,5\}, \{6,7,8,9\}, \dots$

Aflați cel mai mic număr din a 100-a multime.

OLM 2015

Performanță în matematica de gimnaziu

Test de evaluare initiala

Clasa a VII-a

Subiectul I (7 puncte)

Se dă proporția $\frac{x-17}{y} = \frac{x}{y+18}$ în care x, y sunt numere naturale nenule. Determinați cea mai mică valoare a expresiei $E(x, y) = 100x + 101y$.

GM 1/2015

Subiectul II (7 puncte)

Numerele a, b, c, d verifică relația $4a+3b+2c-3d=36$. Determinați a, b, c, d astfel încât a, b, c să fie direct proporționale cu 3, 4, 6, iar b, c, d să fie invers proporționale cu 6, 4, 3.

GM 6-7-8/2015

Subiectul III (7 puncte)

Fie triunghiul ABC obtuzunghic cu $AB=AC$. Notăm cu M simetricul lui A față de C și cu P intersecția dreptei AB cu mediatoarea segmentului $[AM]$. Știind că dreapta PM este perpendiculară pe dreapta BC , arătați că triunghiul APM este echilateral.

OLM 2015

Performanță în matematica de gimnaziu

Test de evaluare initiala

Clasa a VIII-a

Subiectul I (7 puncte)

Fie ABC un triunghi oarecare și punctele M, N, P pe laturile BC, AC, respectiv AB astfel încât $BM=MC$, $AN=2NC$, $AP=3PB$. Dacă T este mijlocul lui (AC) și N este simetricul lui M față de T, arătați că punctele P, T, R sunt coliniare.

GM 3/2013

Subiectul II (7 puncte)

Fie x, y, z numere reale care verifică relația $x^2+y^2+z^2=27$. Arătați că $|x+y+z| \leq 9$.

GM 6-7-8/2015

Subiectul III (7 puncte)

a) Arătați că numărul

$$A = \sqrt{9 - \sqrt{77}} \cdot \sqrt{2} \cdot (\sqrt{11} - \sqrt{7}) \cdot (9 + \sqrt{77})$$
 este pătrat perfect.

b) Se consideră numerele reale x, y astfel încât $x \cdot y = 6$. Dacă $x > 2, y > 2$, arătați că $x + y < 5$.

OLM 2015